

## Часть 1

Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ  
Тренировочный вариант № 56

## Инструкция по выполнению работы

На выполнение заданий варианта КИМ по математике даётся 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание.

Часть 1 содержит 10 заданий (задания В1–В10) базового уровня сложности, проверяющих наличие практических математических знаний и умений.

Часть 2 содержит 11 заданий (задания В11–В15 и С1–С6) базового, повышенного и высокого уровней по материалу курса математики средней школы, проверяющих уровень профильной математической подготовки.

Ответом к каждому из заданий В1–В15 является целое число или конечная десятичная дробь. При выполнении заданий С1–С6 требуется записать полное решение и ответ.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручки.

При выполнении заданий Вы можете пользоваться черновиком. Обращаем Ваше внимание, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Советуем выполнять задания в том порядке, как они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

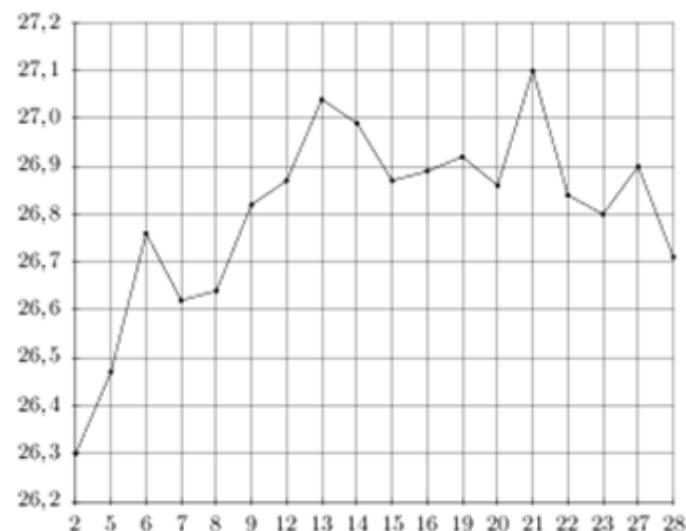
Желаем успеха!

*Ответом к заданиям этой части (В1–В10) является целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки, без пробелов. Каждую цифру, знак минус и запятую пишете в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерения писать не нужно.*

**В1** В летнем лагере на каждого участника полагается 70 г сахара в день. В лагере 172 человека. Сколько килограммовых пачек сахара понадобится на весь лагерь на 7 дней?

**В2** Одного рулона обоев хватает для оклейки полосы от пола до потолка шириной 1,6 м. Сколько рулонов обоев нужно купить для оклейки прямоугольной комнаты размерами 2,3 м на 4,1 м?

**В3** На рисунке жирными точками показан курс евро, установленный Центробанком РФ, во все рабочие дни с 1 февраля по 28 февраля 2002 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — цена евро в рублях. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, сколько дней за указанный период курс евро был ровно 26,8 рубля.

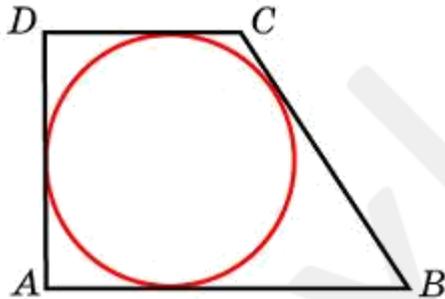


**B4** В таблице указаны средние цены (в рублях) на некоторые основные продукты питания в трех городах России (по данным на начало 2010 года).

Наименование продукта	Тверь	Липецк	Барнаул
Пшеничный хлеб (батон)	11	12	14
Молоко (1 литр)	26	23	25
Картофель (1 кг)	9	13	16
Сыр (1 кг)	240	215	260
Мясо (говядина)	260	280	300
Подсолнечное масло (1 литр)	38	44	50

Определите, в каком из этих городов окажется самым дешевым следующий набор продуктов: 2 батона пшеничного хлеба, 3 кг картофеля, 1,5 кг говядины, 1 л подсолнечного масла. В ответ запишите стоимость данного набора продуктов в этом городе (в рублях).

**B5** Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 22, ее большая боковая сторона равна 7. Найдите радиус окружности.

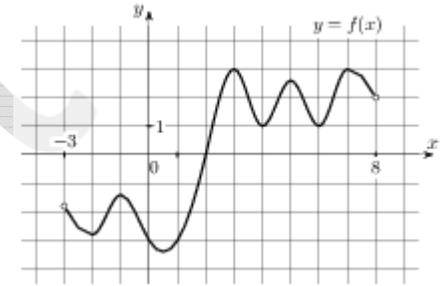


**B6** Перед началом волейбольного матча капитаны команд тянут честный жребий, чтобы определить, какая из команд начнёт игру с мячом. Команда «Статор» по очереди играет с командами «Ротор», «Мотор» и «Стартер». Найдите вероятность того, что «Статор» будет начинать только первую и последнюю игры.

**B7** Найдите корень уравнения  $\log_{81} 3^{2x+6} = 4$ .

**B8** Угол между двумя соседними сторонами правильного многоугольника, вписанного в окружность, равен  $140^\circ$ . Найдите число вершин многоугольника.

**B9** На рисунке изображен график функции  $y = f(x)$ , определенной на интервале  $(-3; 8)$ . Найдите количество точек, в которых производная функции  $f(x)$  равна 0.



**B10** В кубе  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  точка  $K$  — середина ребра  $AA_1$ , точка  $L$  — середина ребра  $A_1 B_1$ , точка  $M$  — середина ребра  $A_1 D_1$ . Найдите угол  $MLK$ . Ответ дайте в градусах.

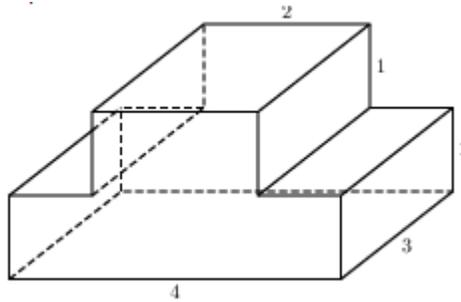
## Часть 2

*Ответом к заданиям этой части (B11–B15) является целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки, без пробелов. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерения писать не нужно.*

**B11** Найдите  $\log_a \frac{a}{b^3}$ , если  $\log_a b = 5$ .

**B12** Катер должен пересечь реку шириной  $L=100$  м и со скоростью течения  $u=0,5$  м/с так, чтобы причалить точно напротив места отправления. Он может двигаться с разными скоростями, при этом время в пути, измеряемое в секундах, определяется выражением  $t = \frac{L}{u} \operatorname{ctg} \alpha$ , где  $\alpha$  — острый угол, задающий направление его движения (отсчитывается от берега). Под каким минимальным углом  $\alpha$  (в градусах) нужно плыть, чтобы время в пути было не больше 200 с?

**B13** Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



**B14** В 2008 году в городском квартале проживало 20000 человек. В 2009 году, в результате строительства новых домов, число жителей выросло на 2%, а в 2010 году — на 3% по сравнению с 2009 годом. Сколько человек стало проживать в квартале в 2010 году?

**B15** Найдите наибольшее значение функции  $y = 5 \sin x - 6x + 3$  на отрезке  $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$

Для записи решений и ответов на задания C1–C6 используйте бланк ответов № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2 и т.д.), а затем полное обоснованное решение и ответ.

**C1** а) Решите уравнение  $2 \cos x(1 + 2 \sin x) = 3 - 4 \cos^2 x$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[\frac{3\pi}{2}; \frac{11\pi}{4}\right]$ .

**C2** В основании прямой призмы  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  лежит ромб  $ABCD$  со стороной  $\sqrt{21}$  и углом  $A$ , равным  $60^\circ$ . На ребрах  $AB$ ,  $B_1 C_1$  и  $DC$  взяты соответственно точки  $E$ ,  $F$  и  $G$  так, что  $AE = EB$ ,  $B_1 F = FC_1$  и  $DG = 3GC$ . Найдите косинус угла между плоскостями  $EFG$  и  $ABC$ , если высота призмы равна 4,5.

**C3** Решите систему неравенств

$$\begin{cases} \lg(x+4) > -2 \lg \frac{1}{2-x} \\ \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2}{x}-1} + \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{x}} < \frac{1}{3} \end{cases}$$

**C4** В окружность вписан четырехугольник  $ABCD$ , диагонали которого взаимно перпендикулярны и пересекаются в точке  $E$ . Прямая, проходящая через точку  $E$  и перпендикулярная к  $AB$ , пересекает сторону  $CD$  в точке  $M$ .

а) Докажите, что  $EM$  — медиана треугольника  $CED$ .

б) Найдите  $EM$ , если  $AD = 8$ ,  $AB = 4$  и угол  $CDB$  равен  $60^\circ$

**C5** Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых уравнение

$$\left((2x+a)\sqrt{22a-4a^2-24} - 2(x^2+x)\lg a\right)\lg\left(\frac{36a-9a^2}{35}\right) = 0$$

имеет по крайней мере два корня, один из которых неотрицателен, а другой не превосходит -1.

**C6**  $a_1, a_2, a_3, \dots$  — возрастающая последовательность натуральных чисел.

Известно, что  $a_{a_k} = 3k$  для любого  $k$ . Найдите :

а)  $a_{100}$ ;

б)  $a_{1983}$ .